## A systematic approach for identifying all

 possibilities for casting a valid/invalid vote and discrepancies between printout and QRCode in EasyVoteJurlind Budurushi, E-Voting PhD Days 15/11/2013
\&illu TECHNISCHE UNIVERSITAT DARMSTADT

## 40 SECUSD <br> SECURITY - USABILITY - SOCIETY



## Thanks!

- Sponsor: "Swiss E-Voting Competence Center"
- Organizer: E-Voting Group of Bern University of Applied Science


## Different countries different costumes

- True also for elections
- Elections, even different within a country
- Focus: Local elections in Hesse


## Local elections in Hesse



- Example: Two parties, 7 seats => max. 7 votes!


| Party B |  |  |  |  |
| :--- | :--- | :--- | :--- | :--- |
| 5 | Maina Olembo |  |  |  |
| 6 | Stephan Neumann |  |  |  |
| 7 | Oksana Kulyk |  |  |  |

## EasyVote: electronically support local elections in Hesse

- Vote casting:



## EasyVote：electronically support local elections in Hesse

－Tallying：Stimmzettel
für die Wahl zur Stadtverordnetenversallung der Wissenschaftsstadt Darmstadt am 27．März 2011

| GRÜNE | 71 Stimmen stehen insgesamt zur Verfügung． Direkt vergebene Stimmen：4，über die Kopfstimme（Listenstimme）vergebene Stimmen：67，nicht vergebene Stimmen： 0. |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| CDU | 1 Stimmen | In der gewählten Liste gestrichene Kandidaten | 440 Wünderlich－Dubsky，Martin | 区 $\square$ |
| V $\square \square$ Reißer，Rafael | 101 |  | 441 Buchholzer，Barbara | 区 |
| GRÜNE | 70 Stimmen | 453 Reinheimer，Rolf | 442 Feyerabend，Matthias | 区 |
| $\triangle \square \square$ Lindscheid，Brigitte |  |  | 443 Kiel，Lieselotte | － |
| 区 $\square$ Akdeniz，Yücel |  |  | 444 Fröllich，Andreas | 区 |
| ® $\square \square$ Förster－Heldmann， H |  |  | 445 Bassus，Petra | 区 |
| ® $\square \square$ Sperling，Christophe | ＋${ }^{\circ}$ |  | 446 Wagner，Wilhelm | 区 |
| ® $\square$ Behr，lris | ！！＋05 |  | 447 Râhn－Steinacker，Friederike | 区 $\square$ |
| ® $\square \square$ Weidner，Felix | 406 |  | 448 Dr．Heinrich，Thomas | 区 |
| ®ख囚Bachmann，ris | 407 |  | 449 Daum，Monika | 区 |
| $\triangle \square$ Pakleppa，Ulrich | 408 |  | 450 Henry－Perret，Djaida | 区 |

## Content and Goals

- Casting a valid/invalid votes
- Altering QR-Codes
- Goals: Conduct corresponding user studies


## Casting valid/invalid votes

## Methodology

- 1. Informal voting rules
-2. Identify variables
- 3. Identify variable domain
- 4. Cartesian product
-5. Identify valid / invalid cases
-6. Logic optimization


## Valid ballots (1)

\(\left.$$
\begin{array}{c|c|c|c|}\hline \text { X:= Votes cast } \\
\text { to candidates }\end{array}
$$ $$
\begin{array}{c}\text { Distribution } \\
{[0:=\text { no list; }} \\
1:=\text { one list; } \\
2:=\text { diff. lists }]\end{array}
$$ \begin{array}{c}Selected party <br>
header <br>
{[0:=no; 1:=yes;} <br>
2:=more than <br>

one]\end{array}\right]\)| Votes assigned |
| :---: |
| automatically |
| $[71-\mathrm{X} ; 0]$ |

## Valid ballots (2)

| X:= Votes cast to candidates | Distribution [0:=no list; 1:=one list; 2:=diff. lists ] | Selected party header $\begin{gathered} {[0:=\text { no; } 1:=\text { yes } ;} \\ 2:=\text { more than } \\ \text { one] } \end{gathered}$ | Votes assigned automatically [71-X; 0] |
| :---: | :---: | :---: | :---: |
| 0< $\mathrm{X}<71$ | 1 | 0 | 0 |
|  | 2 | 0 | 0 |
|  | 1 | 1 | 71 - X |
|  | 1 | 2 | 0 |
|  | 2 | 1 | 71 - X |
|  | 2 | 2 | 0 |

## Valid ballots (3)

| X:= Votes cast to candidates | Distribution [0:=no list; 1:=one list; 2:=diff. lists ] | Selected party header <br> [0:= no; 1:=yes; <br> 2:= more than one] | Votes assigned automatically [71-X; 0] |
| :---: | :---: | :---: | :---: |
| $\mathbf{X}=\mathbf{7 1}$ | 1 | 0 | 0 |
|  | 2 | 0 | 0 |
|  | 1 | 1 | 0 |
|  | 1 | 2 | 0 |
|  | 2 | 1 | 0 |
|  | 2 | 2 | 0 |

## Valid ballots (4)

\(\left.$$
\begin{array}{|l|c|c|c|}\hline \mathbf{X}:=\text { Votes cast } \\
\text { to candidates }\end{array}
$$ $$
\begin{array}{c}\text { Distribution } \\
{[0:=\text { no list; }} \\
1:=\text { one list; } \\
2:=\text { diff. lists }]\end{array}
$$ \begin{array}{c}Selected party <br>
header <br>
{[0:=no; 1:=yes;} <br>
2:=more than <br>

one]\end{array}\right]\)| Votes assigned |
| :---: |
| automatically |
| $[71-\mathrm{X} ; 0]$ |

## Invalid ballots (1)

| X:= Votes cast <br> to candidates | Distribution <br> $[0:=$ no list; <br> $1:=$ one list; <br> $2:=$ diff. lists $]$ | Selected party <br> header <br> $[0:=$ no; $1:=$ yes; <br> $2:=$ more than <br> one $]$ | Votes assigned <br> automatically <br> $[71-X ; 0]$ |
| :---: | :---: | :---: | :---: |
| $\mathbf{X = 0}$ | $\mathbf{0}$ | $\mathbf{2}$ | $\mathbf{0}$ |

## Invalid ballots (2)

| X:= Votes cast <br> to candidates | Distribution <br> $[0:=$ no list; <br> $1:=$ one list; <br> $2:=$ diff. lists $]$ | Selected party <br> header <br> $[0:=$ no; $1:=$ yes; <br> $2:=$ more than <br> one] | Votes assigned <br> automatically <br> $[71-X ; 0]$ |
| :--- | :---: | :---: | :---: |
| $\mathbf{X > 7 1}$ | $\mathbf{2}$ | $\mathbf{0}$ | $\mathbf{0}$ |
|  | 2 | $\mathbf{1}$ | $\mathbf{0}$ |
|  | 2 | 2 | 0 |

## Button invalid

## Empty ballot

## Altering QR-Codes

## Criteria

- Minimal change
- At least one example of each poss. case
- "Difficult" to detect
- Note, bold font => considered for the study


## Tallying Process with EasyVote



## Candidate level: Candidates (C) remain the same

| > Than on paper | < less than on paper | Combinations |
| :--- | :--- | :--- |
| 1. From C within the <br> same party with $1<v$ <br> $<4$ | 4. Add to C within the <br> same party with $1 \leq v$ <br> $<3$ | $\mathbf{1 . 1} \mathbf{+ 4}$ (next to <br> each other) |
| 2. From C of other <br> party with $1<v<4$ | 5. Add to C of other <br> party with $1 \leq v<3$ | 2. $1+4$ (far from <br> each other) |
| 3. Votes not used by <br> voter | 6. Do not distribute <br> at all | 3. $2+5$ |

## Example

## Stimmzettel

| Q GRÜNE | 71 Stimmen stehen insgesamt zur Verfügung． Direkt vergebene Stimmen：4，über die Kopfstimme（Listenstimme）vergebene Stimmen：67，nicht vergebene Stimmen： 0 ． |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| CDU | 1 Stimmen | In der gewählten Liste gestrichene Kandidaten 453 Reinheimer，Rolf | 440 Wünderlich－Dubsky，Martin | in $\quad$ 区 $\square$ |
| $\triangle \square \square$ Rei3er，Rafael | 101 |  | 441 Buchholzer，Barbara | 冈 $\square$ |
| GRÜNE | 70 Stimmen |  | 442 Feyerabend，Matthias | $\boxed{\square} \square$ |
| 区 $\square$ Lindscheid，Brigite | 401 |  | 443 Kiel，Lieselotte | 区■ |
| \} \square \square  Akdeniz，Yücel  | 402 |  | 444 Fröllich，Andreas | 凹 $\square \square$ |
| 区 $\square \square$ Förster－Heldmann，Hildegard | 403 |  | 445 Bassus，Petra | 冈 $\square \square$ |
| $\otimes \square \square$ Sperling，Christopher | 404 |  | 446 Wagner，Wilhelm | $\boxed{\square} \square$ |
| $\square \square \square$ Behr，lis | 405 |  | 447 Rahn－Steinacker，Friederike | ke $\quad$ 区｜ |
| $\square \square \square$ Weidner，Felix | 406 |  | 448 Dr．Heinrich，Thomas | $\boxed{\square} \square$ |
|  | 407 |  | 449 Daum，Monika | 凹■ |
| 区 $\square \square$ Pakleppa，Ulrich | 408 |  | 450 Henry－Perret，Djaida | $\boxed{\square}$ |

## Stimmzettel



Stimmzettel

| GRÜNE | 71 Stimmen stehen insgesamt zur Verfügung． Direkt vergebene Stimmen：4，über die Kopfstimme（Listenstimme）vergebene Stimmen：67，nicht vergebene Stimmen： 0. |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| CDU | 1 Stimmen | In der gewählten Liste | 440 Wünderlich－Dubsky，Martin | n $\times \square$ |
| $\triangle \square \square$ Reißer，Rafael | 101 | gestrichene Kandidaten | 441 Buchholzer，Barbara | 区 $\square \square$ |
| GRÜNE 70 | 70 Stimmen | 453 Reinheimer，Rolf | 442 Feyerabend，Matthias | 区 $\square \square$ |
| $\triangle \square \square$ Lindscheid，Brigitte | 401 |  | 443 Kiel，Lieselotte | 区 |
| X $\square \square$ Akdeniz，Yücel | 402 |  | 444 Fröllich，Andreas | 区 |
| $\triangle \square \square$ Förster－Heldmann，Hildegard | ） 403 |  | 445 Bassus，Petra | 区 |
| V $\square \square$ Sperling，Christopher | 404 |  | 446 Wagner，Wilhelm | 区］［ |
| V $\square \square$ Behr，lris | 405 |  | 447 Rahn－Steinacker，Friederik | ke $\times \square$ |
| $\triangle \square \square$ Weidner，Felix | 406 |  | 448 Dr．Heinrich，Thomas | $\triangle \square \square$ |
| $\triangle \mid \times \square$ Bachmann，lris | 407 |  | 449 Daum，Monika | 区 |
| ® $\square \square$ Pakleppa，Ulrich | 408 |  | 450 Henry－Perret，Djaida | 区［ |

TECHNISCHE UNIVERSITAT DARMSTADT

## Candidate level: Candidates change

| No votes on paper | Remove | Combinations |
| :---: | :---: | :---: |
| 7. From $\mathbf{C}$ within the same party with $1<v$ < 4 | 13. Add to $\mathbf{C}$ within the same party with 1 $\leq \vee<3$ | 1. $7+13$ (next to each other) |
| 8. From $\mathbf{C}$ of other party with $1<v<4$ | 14. Add to $\mathbf{C}$ of other party with $1 \leq v<3$ | 2. $7+13$ (far from each other) |
| 9. $7+\mathbf{C}$ from list of crossed out | 15. Do not distribute at all | 3. $8+14$ |
| 10. $8+\mathbf{C}$ from list of crossed out |  |  |
| 11. Add not used votes |  |  |
| 12. C from list of crossed out + 11 |  |  |
| 21\| Jurlind Budurushi | E-Voting PhD Daver |  |  |

## Example

## Stimmzettel

| GRÜNE | 71 Stimmen stehen insgesamt zur Verfügung． Direkt vergebene Stimmen：4，über die Kopfstimme（Listenstimme）vergebene Stimmen：67，nicht vergebene Stimmen： 0. |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| CDU | 1 Stimmen | In der gewählten Liste | 440 Wünderlich－Dubsky，Marti | in $\times \square \square$ |
| $\triangle \square \square$ Rei3er，Rafael | 101 | gestrichene Kandidaten | 441 Buchholzer，Barbara | 冈П］ |
| GRÜNE | 70 Stimmen | 453 Reinheimer，Rolf | 442 Feyerabend，Matthias | 冈 $\square \square$ |
| 区 $\square \square$ Lindscheid，Brigite | 401 |  | 443 Kiel，Lieselotte | 冈■ |
| V $\square \square$ Akdeniz，Yücel | 402 |  | 444 Fröllich，Andreas | 冈 $\square \square$ |
| 区 $\square$ Förster－Heldmann，Hildegard | d 403 |  | 445 Bassus，Petra | ®ロ匚 |
| 区 $\square$ Sperling，Christopher | 404 |  | 446 Wagner，Wilhelm | 区■ |
| 区 $\square \square$ Behr，lris | 405 |  | 447 Rahn－Steinacker，Friederik | ke $\quad$ 区 ${ }^{\text {a }}$ |
| \ $\square \square$ Weidner，Felix | 406 |  | 448 Dr．Heinrich，Thomas | 冈 $\square$ |
| 区｜X｜区Bachmann，lris | 407 |  | 449 Daum，Monika | 冈■ |
| 区 $\square \square$ Pakleppa，Ulich | 408 |  | 450 Henry－Perret，Djaida | $\boxed{\square} \square$ |

## Stimmzettel

| GRÜNE | 71 Stimmen stehen insgesamt zur Verfügung． <br> Direkt vergebene Stimmen：4，über die <br> Kopfstimme（Listenstimme）vergebene <br> Stimmen：67，nicht vergebene Stimmen： 0. |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| CDU | 1 Stimmen | In der gewählten Lis | 440 Wünderlich－Dubsky，Ma | in 区LI |
| 冈 $\square$ Reiser，Rafael | 101 | gestrichene Kandidaten | 441 Buchholzer，Barbara | 冈■ |
| GRÜNE | 70 Stimmen | 450 Henry－Perret，Djaida | 442 Feyerabend，Matthias | 区प］ |
| 区 $]$ Lindscheid，Brigite | 401 |  | 443 Kiel，Lieselotte | 区－ |
| 冈 $\square$ Akdeniz，Yücel | 2 |  | 444 Frölich，Andreas | 区－1 |
| 区 $\square \square$ Forster－Heldmann，Hildegard | d 403 |  | 445 Bassus，Petra | 区 |
| \} \square \square  Sperling，Christopher  | 404 |  | 446 Wagner，Wilhelm | 区ا |
| 区 $\square$ Behr，lis | 405 |  | 447 Rahn－Steinacker，Fried | ke 区■ |
| 区 $\square$ Weidner，Felix | 406 |  | 448 Dr．Heinrich，Thomas | 冈П |
| \｜x｜ख｜Bachmann，lis | 407 |  | 449 Daum，Monika | 区－ |
| $\triangle \square \square$ Pakleppa，Ulrich | 408 |  | 453 Reinheimer．Rolf | 区－1 |

Stimmzettel

| GRÜNE | 71 Stimmen stehen insgesamt zur Verfügung． Direkt vergebene Stimmen：4，über die Kopfstimme（Listenstimme）vergebene Stimmen：67，nicht vergebene Stimmen： 0. |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| CDU | 1 Stimmen | In der gewählten Liste | 440 Wünderlich－Dubsky，Martin | 区■ |
| $\triangle \square \square$ Reißer，Rafael | 101 | gestrichene Kandidaten | 441 Buchholzer，Barbara | 冈П］ |
| GRÜNE 70 | 70 Stimmen | 453 Reinheimer，Rolf | 442 Feyerabend，Matthias | 区ロロ |
| $\triangle \square \square$ Lindscheid，Brigitte | 401 |  | 443 Kiel，Lieselotte | $\boxed{\square} \square$ |
| $\triangle \square \square$ Akdeniz，Yücel | 402 |  | 444 Fröllich，Andreas | 冈П1 |
| $\triangle \square \square$ Förster－Heldmann，Hildegard | d 403 |  | 445 Bassus，Petra | 区Пロ |
| $\triangle \square \square$ Sperling，Christopher | 404 |  | 446 Wagner，Wilhelm | $\boxed{\square 1}$ |
| $\boxed{\square} \square \square$ Behr，lris | 405 |  | 447 Rahn－Steinacker，Friederik | ke $\quad \boxed{\square} \square$ |
| $\triangle \square \square$ Weidner，Felix | 406 |  | 448 Dr．Heinrich，Thomas | $\boxed{\square} \square$ |
| $\bar{\triangle} \times$ B Bachmann，lris | 407 |  | 449 Daum，Monika | 冈П |
| $\triangle \square \square$ Pakleppa，Ulrich | 408 |  |  |  |

## Party level

| Add p | Remove p | Rep: $p=p^{\prime}$ | Rep: $p<p^{\prime}$ | Rep: $p>p^{\prime}$ |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| 1. Votes not used | 3. Votes not distributed | 5. veq. distributed | 7. $v$ ~eq. distributed | 9. $v$ eq. distributed rest ignored |
| 2. From another party | 4. Votes distr. among other parties | 6. $v$ rand. distributed | 8. $v$ rand. distributed | 10. $v$ rand. distributed among other parties |
|  |  |  |  | 11. $v \sim \mathrm{eq}$. distributed |
|  |  |  |  | 12. $v$ rand. distributed among all parties |
| 23\| Jurlind Budurushi | E-Voting PhD Days |  |  |  |  |

## Example

## Stimmzettel

für die Wahl zur Stadtverordnetenversallung der Wissenschaftsstadt Darmstadt am 27．März 2011

| GRÜNE | 71 Stimmen stehen insgesamt zur Verfügung． Direkt vergebene Stimmen：4，über die Kopfstimme（Listenstimme）vergebene Stimmen：67，nicht vergebene Stimmen： 0. |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| CDU | 1 Stimmen | In der gewählten Liste gestrichene Kandidaten 453 Reinheimer，Rolf | 440 Wünderlich－Dubsky，Martin | n $\triangle$ L |
| $\triangle \square \square$ Reißer，Rafael | 101 |  | 441 Buchholzer，Barbara | 区 |
| GRÜNE | 70 Stimmen |  | 442 Feyerabend，Mathias | 区 |
| $\triangle \square \square$ Lindscheid，Brigitte | 401 |  | 443 Kiel，Lieselotte | $\boxed{\square} \square$ |
| X $\square \square$ Akdeniz，Yücel | 402 |  | 444 Fröhlich，Andreas | ® $\square$ |
| 区 $\square \square$ Förster－Heldmann，Hildegard | 403 |  | 445 Bassus，Petra | 区 |
| $\triangle \square \square$ Sperling，Christopher | 404 |  | 446 Wagner，Wilhelm | 区 |
| ¢ $\square \square$ Behr，lris | 405 |  | 447 Rahn－Steinacker，Friederike | ke $\quad \boxed{\square} \square \square$ |
| $\triangle \square \square$ Weidner，Felix | 406 |  | 448 Dr．Heinrich，Thomas | ® $\square \square$ |
| $\triangle \times$ Bachmann，lris | 407 |  | 449 Daum，Monika | 区 |
| 区 $\square \square$ Pakleppa，Ulrich | 408 |  | 450 Henry－Perret，Djaida | $\otimes \square \square$ |
| － |  |  | ！ |  |

## Stimmzettel

| $\otimes \text { SPD }$ | 71 Stimmen stehen insgesam Direkt vergebene Stimmen： 4 Kopfstimme（Listenstimme）v Stimmen：67，nicht vergeben |  |
| :---: | :---: | :---: |
| CDU | 1 Stimmen | In der gewählten Liste gestrichene Kandidaten |
| $\triangle \square \square$ Reißer，Rafael | 101 |  |
| SPD | 70 Stimmen | 453 Reinheimer，Rolf |
| $\triangle \square \square$ Lindscheid，Brigitte | 401 |  |
| ® $\square$ Akdeniz，Yücel | 402 |  |
| $\triangle \square \square$ Förster－Heldmann，Hildegard | d 403 |  |
| $\triangle \square \square$ Sperling，Christopher | 404 |  |
| $\triangle \square \square$ Behr，lris | 405 |  |
| $\triangle \square \square$ Weidner，Felix | 406 |  |
| 区｜$\times$ Bachmann，lris | 407 |  |
| $\triangle \square \square$ Pakleppa，Ulrich | 408 |  |
|  |  |  |

## Stimmzettel

für die Wahl zur Stadtverordnetenversallung der Wissenschaftsstadt Darmstadt am 27．März 2011

| $\otimes \text { SPD }$ | 71 Stimmen stehen insgesamt zur Verfügung． Direkt vergebene Stimmen：4，über die Kopfstimme（Listenstimme）vergebene Stimmen：67，nicht vergebene Stimmen： 0. |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| CDU | 1 Stimmen | In der gewählten Liste gestrichene Kandidaten 453 Reinheimer，Rolf | 440 Wünderlich－Dubsky，Martin | －$\times$ |
| $\triangle \square \square$ Reißer，Rafael | 101 |  | 441 Buchholzer，Barbara | 区 |
| SPD | 70 Stimmen |  | 442 Feyerabend，Matthias | 区［ |
| $\triangle \square \square \square$ Lindscheid，Brigitte | 401 |  | 443 Kiel，Lieselotte | 区 |
| X $\square \square$ Akdeniz，Yücel | 402 |  | 444 Fröhlich，Andreas | 区［ |
| ® $\square \square$ Förster－Heldmann，Hildegard | d $\quad 403$ |  | 445 Bassus，Petra | 区］ |
| $\triangle \square \square$ Sperling，Christopher | 404 |  | 446 Wagner，Wilhelm | $\triangle \square$ |
| ® $\square \square$ Behr，lris | 405 |  | 447 Rahn－Steinacker，Friederike | e $\triangle \square \square$ |
| $\triangle \square \square$ Weidner，Felix | 406 |  | 448 Dr．Heinrich，Thomas | 区 |
| $\triangle \times \square$ Bachmann，lris | 407 |  | 449 Daum，Monika | 区］［ |
| ® $\square \square$ Pakleppa，Ulrich | 408 |  | 450 Henry－Perret，Djaida | 区П］ |
|  |  |  | 451 Bassus，Monika | 区 $\square$ |

## Party + candidate level

- Can be considered
- However, contained in...
- Replacing(p) := Remove(p)::Add(p') := Remove(c $\in$ $p):: A d d\left(c^{\prime} \in p^{\prime}\right):=8+14$ (Candidate level: candidates change)


## Valid -> Invalid

## Description

1. Add party \& min. $x$ votes $=>$ cast votes $+x>71$
2. Add party \& reassign min. 1 vote to that party (to the candidates)
3. Add $x$ votes (or candidates + votes $)=>x+$ cast votes $>71$
4. Select an add. party

## Invalid -> Valid

| Description |
| :--- |
| 1. Remove $x$ votes $=>$ cast votes $-x<71$ |
| 2. Add a candidate ( + party $)$ |

## Question

